

Kombinatorika

Kombinatorika sa zaoberá organizovaním (kombinovaním) prvkov, vriacich možnosti do prehľadných tabuľiek, grafov, schém, súznaďov.

Metódy riešenia:

1. vypisovanie možností (usporiadanie prvkov)
2. grafické závislosti (stromový diagram)
3. tabuľková metóda (usporiadanie prvkov tab.)
4. výpočtom (uzorec pre výpočet kombinácií)

$$\begin{aligned} OFP &= F \cdot E \cdot P = (OF \cdot EP) \cdot P \\ F = OF \cdot EP &\quad P = OF \cdot EP \quad F = EP \cdot OF \\ OFP & \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} E \cdot E \cdot P &= P \cdot E = EP \\ EPF &= OF \cdot F = OF \\ E \cdot F \cdot E &= OF \cdot P = OF \\ E &= (OF, EP, PF) \end{aligned}$$

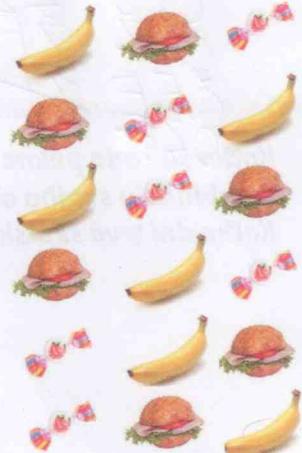
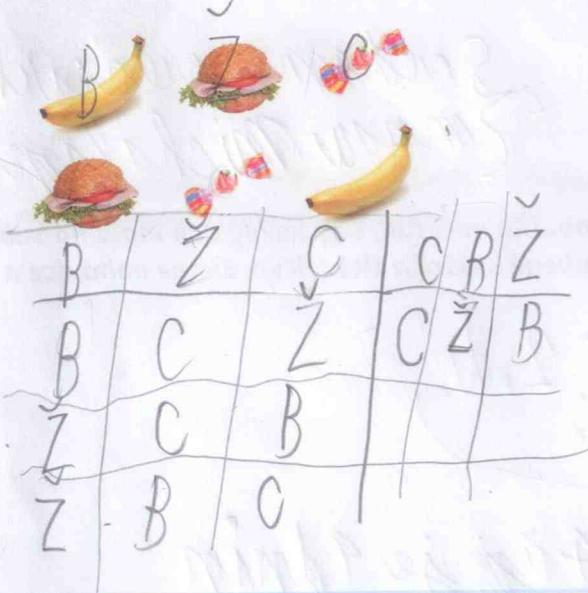
uzorec pre výpočet kombinácií:

$$F \cdot E \cdot P = F \cdot P = EP$$

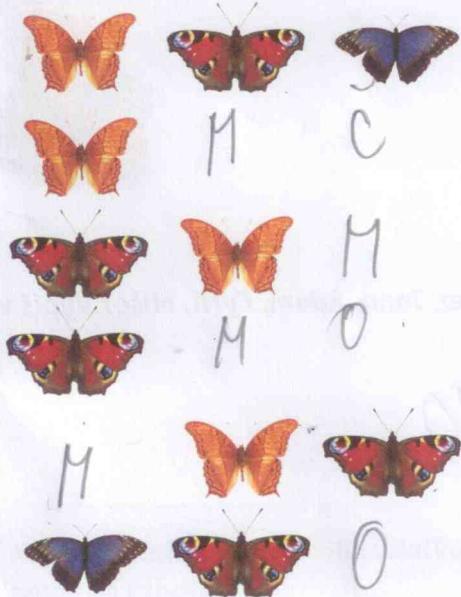
$$EP = F \cdot E = EP$$

$$EP = F \cdot E = EP$$

- 1 Na desiatu do školy zabalila mamička Jarkovi žemľu, banán a cukrík. Jarko sa však nevie rozhodnúť, v akom poradí svoju desiatu zje. Rozmýšľa, či by bolo lepšie zjesta najprv banán, potom žemľu a nakoniec cukrík, alebo najprv žemľu, potom cukrík a nakoniec banán. Nakresli, aké má ešte Jarko možnosti, v akom poradí môže zjesta svoju desiatu.



- 2 Pri vypisovaní všetkých možností usporiadania prvkov je výhodné vypisovať ich v systematickom poradí. Nakresli chýbajúce prvky do možností usporiadania rôznofarebných motýľov na obrázku.



- 3 Na čarodejnickej škole Rokfort sa študenti učia vyslovovať rôzne zaklínadlá. Jedným z nich je kúzelné slovo MIXI, ktoré poprehadzuje písmená v slovách. Aké rôzne slová môžu vzniknúť poprehadzovaním písmeniek v slove MIXI?

MIXI
MXII
MIXI
XIMI
XIMI
XIII

IIXMI
IXIMI
IMXKI
IMIXI

4 Andrejka dostala misku lentiľiek, v ktorej boli červené, žlté a fialové lentiľky. Andrejka si vytiahla tri lentiľky. Vypíš všetky možnosti, lentiľky akých farieb si mohla Andrejka vytiahnuť.

ČČČ
ČČZ
ČČF
ČZZ
ČFF
ČZF
ČCZ
ČZF
ČFC
ČZF
ČFF
ČZF
FFF
FFZ
FEC
FŽZ
FZC
FČČ

11

Svedome prečiarknuté
mnos Michalom



5 Katka sa rada pekne oblieka. Na školský výlet si zabalila veci tak, aby každý deň mala na sebe inú kombináciu svojho oblečenia. Zabalila si svoje oblúbené modré a žlté tričko, čierne nohavice a rifle. Koľko dní trvá školský výlet?

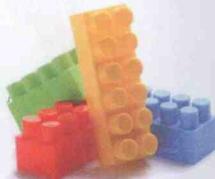
2.d. M.T.
Č.N.
Č.R.
2.d.
Č.N.
Č.R.

2+2=4 čo je 4 dni

6 Denis dostał od babičky na svoje narodeniny 40 € a rozhodol sa ich minúť v hračkárstve. Zaujali ho tieto hračky: Lego za 15 €, robot za 11 €, stavebnica za 15 €, autičko za 10 € a Rubikova kocka za 4 €. Aké má možnosti nákupu, ak chce minúť všetky svoje peniaze a nechce mať dve rovnaké hračky?

L, R, U, I, R, O, A =
S, I, R, U, I, R, O, A
S, L, A
8

3x kocka sú v ráciach



7 Koľko rôznych dvojíc možno zostaviť z piatich chlapcov: Peter, Jano, Adam, Cyril, Mišo? Vypíš všetky možnosti.

P, J P, J J, A A, C C, M
P, A J, C A, M 10
P, C J, M
P, M

8 Napíš všetky trojciferné čísla, ktoré obsahujú len cifry 1, 2 a 3 bez opakovania cifier.

723 231
132 213 6
312
321